

Министерство путей сообщения Российской Федерации

Московский государственный университет
путей сообщения (МИИТ)

Кафедра "Электротехника, метрология, электроэнергетика"

Рабочая тетрадь

к лабораторным работам по дисциплине

«Метрология и измерительная техника»

Москва 1999

Лабораторная работа №1

Метрологические характеристики аналоговых приборов электромеханической группы.

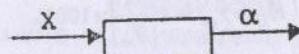
1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Изучить статические и динамические метрологические характеристики приборов типов М2038 и АВО-5.

2. КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

К статическим характеристикам относятся:

- градуировочная характеристика



На простейшей структурной схеме прибора зависимость $\alpha = \phi(X)$ определяет функциональную связь угла отклонения прибора α от входной измеряемой величины X . Функция преобразования $\alpha = \phi(X)$ может быть линейной у приборов с равномерной шкалой и нелинейной у приборов с неравномерной шкалой;

- чувствительность к измеряемой величине

для неравномерной шкалы

для равномерной шкалы

$$S_x = \frac{\Delta\alpha}{\Delta X},$$

$$S_x = \frac{\alpha_n}{X_n};$$

- цена деления измеряемой величины

для неравномерной шкалы

для равномерной шкалы

$$C_x = \frac{\Delta X}{\Delta\alpha},$$

$$C_x = \frac{X_n}{\alpha_n};$$

- внутреннее сопротивление прибора

$$r = \frac{U_n}{I_n};$$

- мощность потерь прибора
для амперметра

$$P_A = I^2 \times r_A,$$

для вольтметра

$$P_V = \frac{U^2}{r_V};$$

- точностная характеристика прибора (его класс точности)

Цифра класса точности K_T аналоговых приборов указывается на шкале и соответствует относительной приведенной погрешности γ_{np} , выраженной в процентах

$$K_T = \gamma_{np} = \pm \left| \frac{\Delta X}{X_n} \right| \times 100\%.$$

Зная K_T и X_n определяют предельное значение абсолютной погрешности прибора ΔX

$$\Delta X = \pm \frac{K_T \times X_n}{100},$$

цифра которой не изменяется во всем диапазоне измерения.

3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

- 3.1. Для различных пределов измерения I , U , R по указанию преподавателя заполнить графы табл.1 и табл.2
- 3.2. Начертить в одних осях координат графики $a=f(X)$ для двух значений X_{n1} и X_{n2} , заданных преподавателем.

4. ВЫВОДЫ

Дать сравнительную оценку метрологических характеристик различных приборов на разных пределах измерения.

Таблица 1
Статические характеристики ампервольтметра
магнитоэлектрической системы типа М2038

| | | | |
|------------------|------------|----------------|--------|
| название прибора | АХ = f (Х) | Характеристика | запись |
| назначение | измерение | измерение | |
| изменение | изменение | изменение | |
| (I, U) | | | |

Статические характеристики ампервольтметра типа АВО - 5М
магнитоэлектрической и выпрямительной (датчиковой) систем

Таблица 2

| Номинальная величина измерения | Измерение тока | Измерение напряжения | Измерение сопротивления | Измерение частоты | Измерение мощности |
|---|----------------|----------------------|-------------------------|-------------------|--------------------|
| АХ = 5 (Х) | | | | | |
| Измерение напряжения от 0 до 100 вольт | | | | | |
| Измерение сопротивления от 0 до 1000 ом | | | | | |
| Измерение частоты от 50 до 1000 Гц | | | | | |
| Измерение мощности от 0 до 500 ватт | | | | | |
| (I, U, R) | | | | | |

Лабораторная работа №2

Проверка технических приборов.

1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Определить соответствие указанному классу точности технического миллиамперметра магнитоэлектрической системы с номинальным током $I_n =$ А оцифрованными значениями, сравнивая его показания с образцовым прибором, у которого следует выбрать номинальное значение тока I_n и его класс точности K_t . В цепи проверяемого миллиамперметра следует также определить метрологические характеристики регулировочного реостата (R_p , I_p), который должен обеспечить регулировку, поверки от минимального до максимального значений. Напряжение питания схемы $U = ..$ В.

2. КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

При ведомственной периодической поверке технических приборов определяются:

- относительная приведенная погрешность γ_{np} , значение которой соответствует указанной на шкале цифре класса точности K_t

$$\gamma_{np} = K_t = \pm \frac{|\Delta I|}{|I_n|} \times 100\%$$

где I_n - номинальное (предельное или конечное) значение проверяемого прибора,
 $\Delta I = I - I_0$ - абсолютная погрешность,
здесь I - показания проверяемого миллиамперметра,
 I_0 - показания образцового миллиамперметра.

Полученные расчетные значения γ_{np} не должны превышать цифры класса точности проверяемого прибора ни на одном значении.

- вариация «В», характеризующая устойчивость показаний к данному замеру

$$B = \pm \left| \frac{I'_0 - I''_0}{I_n} \right| \times 100\%,$$

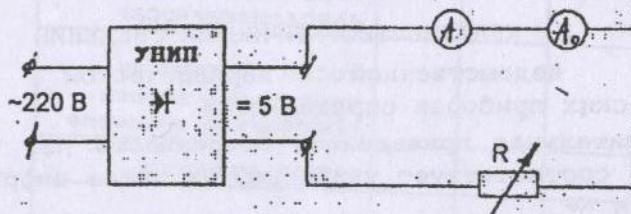
где I'_0 — показание стрелки при движении вверх,
 I''_0 — показание стрелки в обратном направлении.

Вариация В также не должна превышать указанной цифры класса точности поверяемого прибора ни на одном значении;

— поправка $\delta I = -\Delta I$, равная абсолютной погрешности, взятой с обратным знаком.

3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Схема поверки технического миллиамперметра.



3.1. Выбор образцового миллиамперметра A_0

$$I_{n_0} = I_n = 30 \text{ mA}$$

$$K_{T_0} = \frac{K_T}{n} = \frac{4}{5} = 0,8$$

принимаю $n=5$ т.е. класс точности образцового прибора будет в 5 раз выше поверяемого. Выбираю по стандарту ближайший класс точности $K_{T_0} = 0,5$.

3.2. Выбор регулировочного реостата.

Регулировочный реостат должен обеспечить плавную регулировку тока в цели от минимального до максимального значений.

Требуется реостат:

$$R_p = \frac{U}{I_{\min}} = \frac{5}{0,1} = 50 \text{ Ом}$$

$$I_p = I_n = 30 \text{ mA}$$

На стенде есть реостат:

$$R_p = \dots \text{Ом}$$

$$I_p = \dots \text{mA}$$

который обеспечит требуемую регулировку тока в схеме поверки.

3.3. Методика выполнения эксперимента

Плавно регулируя ток поверяемого прибора по заданным значениям при движении стрелки вверх I'_0 и обратно по тем же значениям I''_0 вниз, записываем данные в табл.1. В этой таблице записываются абсолютные погрешности с учетом знака:

$$\Delta' = I - I'_0,$$

$$\Delta'' = I - I''_0;$$

приведенные погрешности

$$\gamma'_{np} = \pm \left| \frac{\Delta'}{I_H} \right| \times 100\%$$

$$\gamma''_{np} = \pm \left| \frac{\Delta''}{I_H} \right| \times 100\%,$$

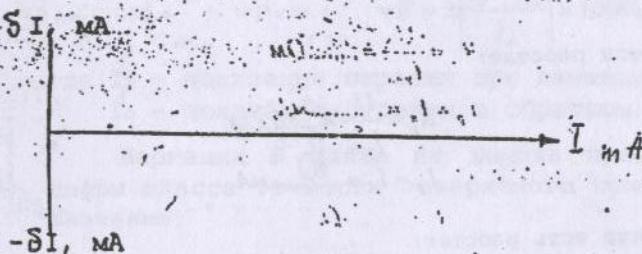
варiations

$$B = \pm \left| \frac{I'_0 - I''_0}{I_n} \right| \times 100\%,$$

поправки

$$\delta I = - \left(\frac{\Delta' + \Delta''}{2} \right).$$

3.4. Кривая поправок технического миллиамперметра
Н., И_н=..., Кт=4.



3.5. Предельно допустимые значения абсолютной погрешности поверяемого и образцового миллиамперметров.

Как известно, зная классы точности приборов, определяют:

$$\Delta I_{\text{пред}} = \pm \frac{K_I \times I_H}{100} = \dots \text{mA}$$

$$\Delta I_{\text{пред}} = \pm \frac{K_{I_0} \times I_{H_0}}{100} = \dots \text{mA}$$

В одних осях координат построить графики аддитивных погрешностей приборов

$\Delta I_{\text{пред}}$, $\Delta I_{\text{пред}}$ mA



3.6. Записать результаты измерения с учетом предельно допустимых погрешностей для номинального значения поверяемого и образцового приборов.

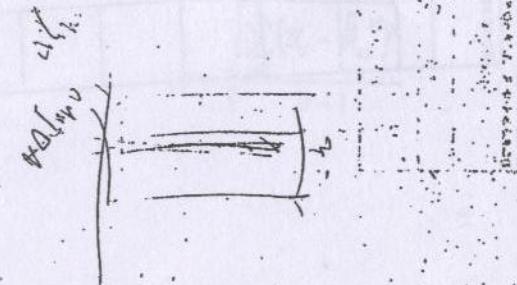
11

$$I = I_n \pm \Delta I_{\text{пред}} = \dots \text{mA}$$

$$I_0 = I_{n_0} \pm \Delta I_{\text{пред}} = \dots \text{mA}$$

4. ВЫВОДЫ

Дать анализ полученных расчетных данных и графиков.



Опытные и расчетные данные поверки технического миллиамперметра №.....
 $I_n = \dots \dots$, $K_n = \dots \dots$

Таблица 1

| показания поверочного прибора | показания образцового прибора | | | | абсолютная погрешность | относительная приведенная погрешность | зарегистрированная погрешность |
|-------------------------------|-------------------------------|---------------------------|-----------------------------|-------------|------------------------|---------------------------------------|--------------------------------|
| | $I = \alpha \times C_1$ | $I_o = \alpha \times C_1$ | $I_o' = \alpha \times C_1'$ | ΔI | | | |
| α дел | C_1 мА/дел | I мА | C_1' мА/дел | I_o мА | ΔI мА | $\Delta I'$ мА | $\Delta I''$ мА |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |
| | | | | | | | |

-12-

-13-

Лабораторная работа №3 ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ ИЗМЕРЕНИЯ ПО КЛАССАМ ТОЧНОСТИ ПРИВОРОВ

1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Изучить методику обработки прямых многоократных измерений партии резисторов $n=10$ с номинальными данными $R_n = \dots \dots \Omega$, $\gamma = \pm 5\%$, для которой по паспорту гарантирован технологический разброс

$$\Delta R = \frac{\gamma \times R_n}{100} = \dots \dots \Omega,$$

т.е. $R = R_n \pm \Delta R = \dots \dots \Omega$.

Сбор статистической совокупности измерений резисторов выполнить с помощью ЦИП (цифрового измерительного прибора). У цифрового омметра следует выбрать предел измерения (конечное значение R_k), которое должно быть

$$R_{F_{\text{шип}}} \geq R_n$$

и погрешность $\Delta R_{\text{шип}}$, которая должна быть в 3-5 раз меньше ΔR .

В результате обработки результатов измерений данной партии резисторов следует определить доверительные границы или доверительный интервал, который не должен превышать заданных 5% границ, т.е.

$$\Delta R_{\text{дов}} \leq \Delta R.$$

2. КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

Для статистической совокупности резисторов определяют

- арифметическое среднее

$$R_{cp} = \frac{\sum_{l=1}^n R_l}{n},$$

- среднее квадратическое отклонение

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{l=1}^n (R_l - R_{cp})^2}{n-1}}$$

доверительную границу

$$\Delta R_{\text{дов}} = \pm t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

где t - коэффициент Стьюдента из табл.1 для заданной преподавателем доверительной вероятности $P_{\text{дов}}$.

Запись результата многократных измерений представляют в форме доверительных границ с $P_{\text{дов}}$:

$$R = R_{cp} \pm \Delta R_{\text{дов}}$$

или в форме доверительного интервала с $P_{\text{дов}}$:

$$R_{cp} - \Delta R_{\text{дов}} < R < R_{cp} + \Delta R_{\text{дов}}$$

3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

3.1. Выбор метрологических характеристик цифрового омметра для сбора статистических данных

Относительная погрешность цифрового омметра типа равна

$$\delta_{\text{цип}} = \pm \left[c + d \left(\frac{R_k}{R} - 1 \right) \right] \%,$$

где

- численные значения коэффициентов c и d указаны в паспорте прибора,
- R_k - конечное значение предела измерения ЦИП,
- R - измеряемое сопротивление, (в данном случае $R=R_H$).

Зная значение относительной погрешности прибора ЦИП, определяют абсолютную погрешность

$$\Delta R_{\text{цип}} = \pm \frac{\delta \times R_{cp}}{100} = \dots \Omega,$$

численное значение которой должно быть в 3-5 раз меньше допустимого значения абсолютной погрешности резисторов ΔR .

Будем считать $R_k = 1000 \Omega$, 10.000Ω , 100.000Ω

$$c = 0,2, d = 0,05.$$

$$R_H < R_{cp}$$

резф сплошная

$$p = 0,95$$

В результате расчетов получили:

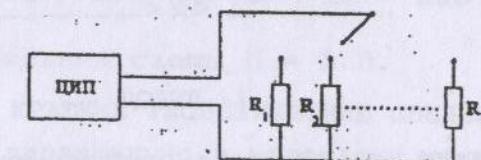
$$R_{\text{цип}} = \dots \Omega$$

$$\Delta R = \dots \Omega$$

Эти данные показывают, что $\Delta R_{\text{цип}}$ в ... раз меньше ΔR . На этом основании можно сделать вывод, что ЦИП выбран правильно для измерения заданных резисторов.

3.2. Методика проведения эксперимента.

Схема прямых измерений резисторов с помощью ЦИП.



Поочередно измеряя каждый резистор цифровым омметром, записать данные в табл.2

Таблица 2
Статистическая обработка результатов измерения сопротивления резисторов с номинальными данными $R_n = \dots \Omega$, $\gamma = \pm 5\%$, $\Delta R = \dots \Omega$ цифровым омметром типа

| № рези-сторов | R_1 Ом | R_{cp} Ом | σ Ом | $\Delta R_{\text{дов}}$ Ом | $P_{\text{дов}}$ |
|---------------|-------------|----------------|----------------|-------------------------------|------------------|
| 1 | | | | | |
| 2 | | | | | |
| 3 | | | | | |
| 4 | | | | | |
| 5 | | | | | |
| 6 | | | | | |
| 7 | | | | | |
| 8 | | | | | |
| 9 | | | | | |
| 10 | | | | | |
| 11 | | | | | |

- 3.2.1. Записать полученные данные партии резисторов с учетом доверительных границ

$$R = R_{cp} \pm \Delta R_{doe} = \dots \text{Ом},$$

с учетом доверительного интервала

$$R_{cp} - \Delta R_{doe} < R < R_{cp} + \Delta R_{doe}$$

$$\dots < R < \dots$$

4. ВЫВОД

Дать анализ соответствия экспериментальных данных расчетным.

Лабораторная работа №4

РАСШИРЕНИЕ ПРЕДЕЛОВ ИЗМЕРЕНИЯ ПРИБОРОВ ПОСТОЯННОГО ТОКА

1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

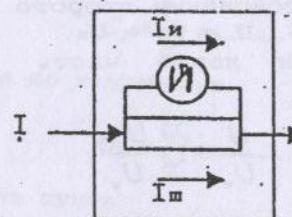
Расширить пределы измерения по току в $K_{ш} = 600$ раз и по напряжению в $K_d = 31$ раз для заданного измерителя магнитоэлектрической системы с номинальными данными:

$$I_n = 0,5 \text{ mA}; U_n = 75 \text{ мВ}; \alpha_n = 500 \text{ делений.}$$

Напряжение питания схемы $U = 5 \text{ В.}$

2. КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

2.1. Включив параллельно к заданному измерителю шунт



можно записать на основании первого закона Кирхгофа
 $I = I_i + I_m.$

Разделив правую и левую часть равенства на I_i , получим:

$$\frac{I}{I_i} = 1 + \frac{I_m}{I_i}$$

Обозначим отношение общего тока к току измерителя коэффициентом:

$$K_u = \frac{I}{I_i}$$

а отношение тока шунта к току измерителя как обратное отношение сопротивлений:

$$\frac{I_u}{I_u} = \frac{r_u}{r_u}$$

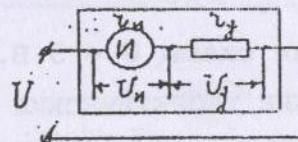
Запишем:

$$K_u = 1 + \frac{r_u}{r_u}$$

откуда, зная K_u , можно определить сопротивление шунта:

$$r_u = \frac{r_u}{K_u - 1}$$

2.2. Включив последовательно к заданному измерителю добавочное сопротивление r_d



можно записать на основании второго закона Кирхгофа

$$U = U_u + U_d$$

Разделив правую и левую часть равенства на U_u получим

$$\frac{U}{U_u} = 1 + \frac{U_d}{U_u}$$

Обозначим отношение общего напряжения к напряжению измерителя коэффициентом

$$K_d = \frac{U}{U_u}$$

а отношение напряжения на добавочном сопротивлении к напряжению измерителя как отношение сопротивлений.

$$\frac{U_d}{U_u} = \frac{r_d}{r_u}$$

Запишем

$$K_d = 1 + \frac{r_d}{r_u}$$

откуда, зная K_d , можно определить добавочное сопротивление

$$r_d = r_u (K_d - 1)$$

т.е. зная коэффициент расширения прибора по напряжению, можно определить добавочное сопротивление и наоборот.

3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

3.1. Определение метрологических характеристик заданного измерителя.

По паспортным данным измерителя рассчитать:

- внутреннее сопротивление измерителя

$$r_u = \frac{U_u}{I_u} = \dots \Omega$$

цену деления по току

$$C_I = \frac{I_u}{\alpha_u} = \dots \frac{mA}{дел}$$

цену деления по напряжению

$$C_U = \frac{U_u}{\alpha_u} = \dots \frac{mV}{дел}$$

сопротивление шунта

$$r_u = \frac{r_u}{K_u - 1} = \dots \Omega$$

добавочное сопротивление

$$r_d = r_u (K_d - 1) = \dots \Omega$$

цену деления по току для измерителя с расширенным пределом измерения

$$C'_I = C_I \times K_u = \dots \frac{mA}{дел}$$

цену деления по напряжению для измерителя с расширенным пределом измерения

-20-

$$C'_U = C_U \times K_D = \frac{4,65 \text{ мВ}}{\text{дел}},$$

новый расширенный предел измерения по току

$$I'_u = I_u \times K_u = \dots \text{mA} \quad \text{или} \quad I'_u = C'_U \times \alpha_u = \dots \text{mA},$$

по которому выбирается предел измерения образцового миллиамперметра I_0 ;

новый расширенный предел измерения по напряжению

$$U'_u = U_u \times K_D = \dots \text{мВ} \quad \text{или} \quad U'_u = C'_U \times \alpha_u = \dots \text{мВ},$$

по которому выбирается предел измерения образцового милливольтметра U_0 .

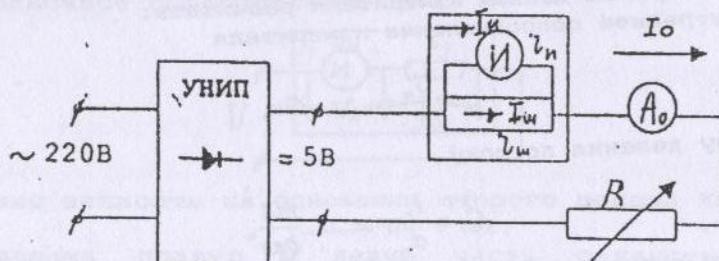


Рис.1. Схема расширения предела измерения по току.

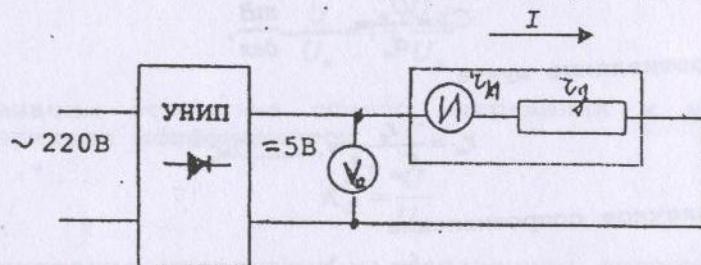


Рис.2. Схема расширения предела измерения по напряжению.

3.2. Методика проведения эксперимента.

3.2.1. Расширение предела измерения по току.

Регулируя в цепи ток (рис.1) с помощью регулировочного сопротивления нагрузки R по цифрованным значениям угла отклонения заданного

-21-

измерителя $\alpha = 100, 200, 300, 400, 500$ делений записать значения общего тока I_0 в табл.1.

Определить теоретическое значение тока для каждого угла отклонения измерителя

$$I'_0 = C'_U \times \alpha$$

и сравнить его с экспериментальным значением I_0 .

Расчитать:

- абсолютную погрешность

$$\Delta I = I_0 - I'_0,$$

- относительную приведенную погрешность

$$\gamma_{np} = \pm \left| \frac{\Delta I}{2I_u} \right| \times 100\%,$$

максимальное значение которой определит класс точности прибора с расширенным пределом измерения.

Опытные и расчетные данные записать в табл.1.

3.2.2. Расширение предела измерения по напряжению.

Регулируя постоянное напряжение (рис.2) по цифрованным значениям угла отклонения заданного измерителя $\alpha = 100, 200, 300, 400, 500$ делений, записать значения напряжения вольтметра U_0 .

Определить теоретическое значение напряжения для каждого угла отклонения измерителя

$$U'_0 = C'_U \times \alpha$$

и сравнить его с экспериментальным значением U_0 .

Расчитать:

- абсолютную погрешность

$$\Delta U = U_0 - U'_0,$$

- относительную приведенную погрешность

$$\gamma_{np} = \pm \left| \frac{\Delta U}{2U_u} \right| \times 100\%,$$

максимальное значение которой определит класс точности прибора с расширенным пределом измерения по напряжению.

Опытные и расчетные данные записать в табл.2.

4. ВЫВОД

Дать анализ расчетных и экспериментальных данных по каждой схеме.

Чтвртъ на юл.

Таблица 1

Исходные, опытные и расчетные данные
при расширении предела измерения по току.

| Исходные и расчетные данные | | | | | | Опытные и расчетные данные | | | | |
|-----------------------------|-----------------|-------------------|----------------------|-----------------|--------------------|----------------------------|-------------|------------------|-----------------------------|----------------|
| I_n MA | C_1 MA/дел | K_1 % дел | $R_{\text{ш}}$ Ом | C_2 MA/дел | α дел/MA | I_o MA | I_t MA | ΔI MA | $U_{\text{пр}}$ % дел | присвоен Ко |
| | | | | | | 100 | | | | |
| | | | | | | 200 | | | | |
| | | | | | | 300 | | | | |
| | | | | | | 400 | | | | |
| | | | | | | 500 | | | | |

Таблица 2

Исходные, опытные и расчетные данные
при расширении предела измерения по напряжению.

| Исходные и расчетные данные | | | | | | Опытные и расчетные данные | | | | |
|-----------------------------|-----------------|------------|----------------------|-----------------|--------------------|----------------------------|-------------|------------------|-----------------------------|----------------|
| U_n МВ/дел | C_1 МВ/дел | K_1 % | $R_{\text{ш}}$ Ом | C_2 МВ/дел | α дел/МВ | U_o МВ | U_t МВ | ΔU МВ | $U_{\text{пр}}$ % дел | присвоен Ко |
| | | | | | | 100 | | | | |
| | | | | | | 200 | | | | |
| | | | | | | 300 | | | | |
| | | | | | | 400 | | | | |
| | | | | | | 500 | | | | |